シグモイド関数との相関によるエッジ抽出

Edge Extraction Based on Correlation with Sigmoid Function

保刈久明

Hisaaki HOKARI

株式会社ファースト, H.Hokari@fast-corp.co.jp

概要: シグモイド関数を濃度プロファイルにもつ画像との相関係数をエッジ強度とする エッジ抽出法を開発した.本手法は次のような性質をもつ: 局所領域を用いた統計処理 のため,ノイズに対してロバストである; 線形なコントラスト変化に対し,エッジ強度 が変化しない; エッジに対してはエッジ強度がある一定値以上となるため,しきい値の 設定が容易になる.これらの効果を,実験により確認した.

1. はじめに

近年は優れた画像処理の教科書(例えば[1][2] 等)の普及により,エッジ抽出処理はごく当たり 前に行われている.主として,Prewitt フィルタ, Sobel フィルタ,あるいは Canny フィルタ[3][4]等 が用いられている.これらは微分を用いた処理の ためノイズの影響を受けやすく,抽出のためのし きい値設定が困難となる場合がある.

ところで,FA における画像処理においても,エ ッジ抽出処理は重要な位置を占めている.そこで は,ワークの汚れや背景ノイズ,あるいは照明の 明るさの不均一によるコントラスト変化等の環 境のもとで,エッジを抽出しなければならない場 合がある.このような状況においては,微分によ るエッジ抽出では限界がある.

本論文で提案する手法は,このような問題に対 処可能となることを目的としている.本手法は微 分を用いず,シグモイド関数で構成した局所領域 内の統計処理によりエッジ抽出を行う.そのため, ノイズに対してロバストとなる.また,統計的性 質からコントラスト変化にも対応可能である.

容易に推察されるとおり,シグモイド関数はエ ッジの理想的な濃度プロファイルを表現しよう とするものである.関数の原点での勾配はパラメ ータとなっており,これを適当に設定することで 急峻なエッジから緩やかなエッジまで,いろいろ な勾配を表現できる.提案手法は,設定した濃度 プロファイルとの一致度をエッジの強度とする ものである.

なお,同じ局所領域を用いたエッジ抽出フィル タに,分離度フィルタ[5][6]がある.これは,局所 領域を2分割し,各小領域内の画像間の分離度を エッジ強度とするものである.分離度フィルタは, 提案手法のシグモイド関数をステップ関数に置 き換えたものとなっている.

2. エッジ強度の評価式

ここでは,提案するエッジ強度の評価式について述べる.

図1に示すように局所領域を用意し,中心を原 点とする局所座標系を設定する.領域サイズは例 えば(xサイズ×yサイズ)=(11×5)(画素)



図 1. シグモイド関数を濃度プロファイル にもつ局所領域の画像

程度とする.この領域を, x方向の濃度プロファ イルがシグモイド関数であるように画像を構成 する.以下ではこの局所領域の画像を,「シグモ イド画像」と呼ぶことにする.なお,シグモイド 関数 f は,

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-kx}}$$
(1)

を用いる.ここで,パラメータk は図2 に示すとおり,原点での勾配を表す.

さて次に,エッジを抽出したい対象画像にこの シグモイド画像をあてがい,局所領域内で相関係 数を計算する.得られた相関係数の二乗を,局所 領域原点に対応する位置の(x方向の)エッジ強 度とする.

具体的な計算は次のようにする.まず,シグモ イド画像は,シグモイド関数f(x)を整数点iに 対して $f_i = f(i)$ と標本化したものであり,y方向 に一様な画像である.この画像を同じくfで表す.

この標本化に伴い,領域内の画素位置を座標 (*i*, *j*)で表す.w,vをそれぞれ正の整数とし, 領域範囲を[-w,w]×[-v,v]とすれば,領域内画素 数*n*は(2*w*+1)×(2*v*+1)である.

次に,エッジ抽出の対象画像に対し,局所領域 原点を注目画素にあてがう.領域内の対象画像 p = p(i, j)の画素濃度を p_{ij} と略記する.

さて,提案するエッジ強度の評価式は,画像fと画像pの相関係数r(f,p)の二乗 $r^2(f,p)$ である.相関係数の値域は $-1 \le r \le 1$ であるから,本評価式のそれは $0 \le r^2 \le 1$ となる.二乗するのは,次章 項で示されるエッジの評価値の範囲を広げるためである.その評価式は,

$$\mathbf{r}^{2}(f,p) = \frac{\mathbf{s}_{fp}^{2}}{\mathbf{s}_{f}^{2} \cdot \mathbf{s}_{p}^{2}}$$
(2)

である.ここで, \mathbf{s}_{f}^{2} , \mathbf{s}_{p}^{2} はそれぞれf,pの 分散, \mathbf{s}_{fp} はそれらの共分散を表す.これらは, $f \ge p$ のそれぞれの平均を \mathbf{m}_{f} , \mathbf{m}_{p} として,

$$\mathbf{s}_{f}^{2} = \frac{2\nu + 1}{n} \sum_{i=-w}^{w} (f_{i} - \mathbf{m}_{f})^{2}, \qquad (3)$$

$$\boldsymbol{s}_{p}^{2} = \frac{1}{n} \sum_{i=-w}^{w} \sum_{j=-v}^{v} (p_{ij} - \boldsymbol{m}_{p})^{2}, \qquad (4)$$



$$\boldsymbol{s}_{fp} = \frac{1}{n} \sum_{i=-w}^{w} \left\{ \left(f_i - \boldsymbol{m}_f \right) \sum_{j=-v}^{v} \left(p_{ij} - \boldsymbol{m}_p \right) \right\}$$
(5)

として求める.

3. 評価値の性質

以下に,(2)式の評価値のもつ性質を4点述べる. 線形不変性

相関係数 $\mathbf{r}(f, p)$ は,変数 f, pの線形変換の 下で不変である.すなわち, f, pの線形変換を g = af + b, q = cp + d (ただしac > 0)とする とき, $\mathbf{r}(f, p) = \mathbf{r}(g, q)$ となる.このことは,よ く知られた分散,共分散における変数の線形変換 に関する性質,

$$\mathbf{s}_{g}^{2} = a^{2} \mathbf{s}_{f}^{2}, \qquad (6)$$

$$\mathbf{S}_{gq} = ac \, \mathbf{S}_{fp} \tag{7}$$

等により,直ちに導かれる.

これより,エッジ評価 $r^2(f,p)$ は任意の線形変 換に対し不変となる.この性質から,シグモイド 画像は,エッジの濃度差に合わせていくつも用意 する必要がない.また,対象画像については,濃 度の線形変換が起きてもその評価値が不変とな る.すなわち,線形なコントラスト変化に対して, 得られる評価値が不変となる.

相関係数をエッジ強度に用いる妥当性

ここでは,局所領域内の画像p = p(i, j)に対し, それを局所座標系のy軸に関して反転させた画 像をp' = p'(i, j) = p(-i, j)とするとき,それぞれ の評価値が等しくなることを確認する(図3参照).

まず,シグモイド関数fをy軸に関して反転さ せたものをf',すなわちf' = f(-x)とする.こ



図 3. 画像とシグモイド関数 f

のとき,f'のシグモイド画像と画像p'に関して は,fのシグモイド画像と画像pを180度回転し たものであるから, $\mathbf{r}(f,p) = \mathbf{r}(f',p')$ となるこ とは明らか.

ここで, 項の線形不変性により,fは平行移動して奇関数,すなわちf(-x) = -f(x)であるとしても相関係数は変わらないことに注意する.すると,

$$\mathbf{r}(f,p) = \mathbf{r}(f',p') = \mathbf{r}(f(-x),p')$$

= $\mathbf{r}(-f,p') = -\mathbf{r}(f,p')$ (8)

が得られる.最後の等号は(7)式を用いた.

(8)式は,二つの画像p,p'に対して,同一の シグモイド画像fによる評価値 r^2 が等しく,か つrの符号が反対になることを示している.つま り,エッジの評価 r^2 は,エッジの勾配方向に合 わせてシグモイド画像を反転させて用いる必要 がないことがわかる.さらに,エッジ勾配の向き は相関係数rの符号,すなわち共分散 s_{fp} の符号 により知ることができる.

評価値 r^2 の下限値

エッジに対しては,評価値 *r*² は下限値 0.75 を もつ.このことの概要を以下に示す.

ここでは,図 4(a)のように対象画像のエッジモ デルとして,シグモイド関数を用い,局所座標y 方向に一様な画像を考える.つまり,評価値はシ



図 4. エッジとシグモイド関数 f

グモイド関数同士の相関値とする.二つのシグモ イド関数はパラメータkおよびk'で区別され, f(k;x), f(k';x)と表すことにする.どちらをエ ッジとしても構わない.

さて,このとき評価値の最大値はk = k' = Kの ときに達成される.kおよびk'がKからそれぞれ 異なる方向に離れるに従い,評価値は単調に減少 する.そして,図4(b)のように,局所領域の範囲 [-w,w]において,f(k;x)が極限としてのステッ プ関数,f(k';x)が近似としての直線となったと き,評価値は下限値をとる.このとき,(2)式を用 いて離散点で計算すると,

$$\mathbf{r}^2 = \frac{3}{4} \frac{w+1}{w+1/2} > \frac{3}{4} \tag{9}$$

が得られる.

以上は理想的な状況ではあるが,エッジに対しては原理的に,評価値のしきい値を0.75付近に設定することで抽出できることになる.

コントラスト変化時の相違箇所

項に述べたように,線形なコントラスト変化 をした対象画像に対しては,評価値に変化がおき ない.しかし,図 5(a)の破線上の様子を見てみる と,このとき S_p^2 は変化している(図 5(d)).従 って,このような場合は S_p^2 にしきい値(これを 「分散しきい値」と定義)を設けることにより, 区別することができる.



図 5. コントラストの違うステップエッジ画像

4. エッジ抽出のアルゴリズム

前章の性質より,エッジ抽出の方法として以下 の手順が考えられる.

Step1(前処理): 必要に応じ,前処理として対 象画像に平滑化処理(メジアン,ガウシアン等) を施す.

Step2(しきい値の設定): 分散しきい値 T_s , およびエッジ強度しきい値 T_E を設定する.

Step3(x方向のエッジ強度):対象画像の注目 画素 p に対し,図2のシグモイド画像との相関に より,x方向のエッジ強度 E_xを求める.ただし E_xはエッジ勾配方向の符号付きにするため,(2) 式を修正した

$$E_x = \frac{\boldsymbol{s}_{fp} \cdot |\boldsymbol{s}_{fp}|}{\boldsymbol{s}_f^2 \cdot \boldsymbol{s}_p^2} \tag{10}$$

で計算する.このとき, $\boldsymbol{s}_p^2 < T_s$ であれば $E_x = 0$ とする.

Step4 (y 方向のエッジ強度): 画素 p に対し, 図 2 のシグモイド画像を 90 度回転した画像を用 いて, Step3 と同様に y 方向のエッジ強度 E_yを求 める.

Step5(エッジ強度と勾配方向): 画素 pのエッジ強度 E およびその勾配方向 **g**を

$$E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} , \qquad (11)$$

$$\boldsymbol{q} = \tan^{-1} \left(\frac{E_y}{E_x} \right) \tag{12}$$

で求める.

 Step6 (エッジ強度画像):
 Step3 ~ Step5 を対象

 画像の処理範囲全点について行う.

Step7 (エッジ点抽出): $E \ge T_E$ なる画素に対して非極大点抑制処理を行い,エッジ点を抽出する.

5.実験と考察

5.1 PrattのFOM

提案手法の性能評価として,ここでは Pratt の FOM (figure of merit) [4][7][8]の実験を行う.評 価は二種類ある.





図 6. テスト画像

図 7. 図 6 の濃度分布

ーつ目は,ノイズに対するロバスト性の評価で あり,次のようにする.図6および図7にあるように,サイズ64×64の濃度差h=24のステップエ ッジ画像を用意する図7のwはエッジ幅であり, ここでの評価ではw=1で固定する.ここに,平 均0,標準偏差sのガウスノイズを重畳し,エッ ジ抽出を行う.このときの信号対雑音比SNR は SNR = $(h/s)^2$ で定義する.

さて, FOM 評価値 *F* は, 抽出したエッジ点*i* と 真のエッジ位置との距離を *d*(*i*) として,

$$F = \frac{1}{\max\{I_I, I_A\}} \sum_{i=1}^{I_A} \frac{1}{1 + 1/9 \cdot d^2(i)}$$
(13)

で求める .ここで, I_I は真のエッジ点の数(=64), I_A は抽出したエッジ点の数である.抽出エッジ点 が全て真の位置であればF = 1となる.

シグモイド画像のサイズを 13×7 と 7×7 の 2 パ ターンを設定した.また,シグモイド関数のパラ メータkはk=1とした.評価結果を図 8 に示す.



図 8. ノイズに対する FOM

比較として, Sobel フィルタおよび Canny フィル タ(*s* = 1.0)の結果も示す.提案手法がノイズ に対してロバストであることが分かる.

二つ目の評価は,エッジ勾配に対するロバスト 性についてである.これは,エッジのボケに対す る評価と見ることもできる.ここでも図6を用い る.図7のwを変化させ,そこにSNR = 100のガ ウスノイズを重畳して,(13)式の評価を行う.

シグモイド画像のサイズは 13×7 と 7×7 にし, ここではパラメータk をk = 0.5とした.結果を 図 9 に示す.同じく比較として Sobel フィルタ, Canny フィルタ(s = 1.0)の結果も示す.提案手 法がパラメータkの調整により,エッジのボケに 対してもロバストであることが分かる.



5.2 エッジ勾配に対する評価値 r²の違い

3章 項で,二つのシグモイド関数f(k;x)およ びf(k';x)を定義し,一方をシグモイド画像,も う一方を対象画像のエッジモデルとした.ここで は,パラメータkおよびk'を変化させた時に,評 価値 r^2 がどのような振る舞いを示すかを,数値 実験によって調べる.

実験は一次元で行う.局所領域の範囲[-w,w] は $w=13 \ge w=7 \text{ o} 2 \text{ ll} \text{ g} \text{ s} -\text{v} \text{ e}$ 設定した.関数 f は整数点x=iで標本化し,(2)式により原点で の評価値 r^2 を計算する.シグモイド画像のパラ メータk=0.5,0.7,1,2,10 の5種類について, 対象画像エッジモデルのパラメータk'の変化に 対する評価値 r^2 を調べた.結果を図10に示す.



図 10. エッジ勾配モデルに対する評価値 r²

図を見る限りでは,k = 1の評価値の変動が最も 少なく,この値を境にk > 1ではステップ状のエ ッジ,k < 1ではボケたエッジに対し,それぞれ 評価値が安定している.したがって,実際に用い る場合はk = 1付近に設定すれば,いろいろなエ ッジの傾きに対して安定した評価値が得られる.

5.3 サンプル画像のエッジ抽出

図 11 の実画像(画像サイズ: 512×480)のエッジ抽出を試みる.これは,シェーディングが発生したアライメントマークの画像である.背景は筋

状のノイズが走っている.図12に結果を示す.

提案手法での処理は,局所領域サイズ13×7,パ ラメータk=1.5とした.また,Cannyフィルタで はs=2.0で処理を行った.

結果を得る際,非極大点抑制処理は次のようにした.提案手法の場合は,注目画素のエッジ強度が,その勾配方向にある前後の画素のエッジ強度より小さい場合に強度をゼロとする.Cannyフィルタの場合は,二つのしきい値 T_{HIGH} と T_{LOW} を設ける.その上で,微分値のヒストグラムを作り,微分値ゼロから見て全点数の T_{HIGH} %および T_{LOW} %に相当する微分値に対し,Cannyの方法でエッジを抽出する.

図 12 を見ると,提案手法ではノイズをほぼ排除 し,シェーディング部分のエッジも抽出できてい る.一方 Canny フィルタでは,シェーディング部 分を抽出しようとすると,背景ノイズを除去でき ない.

参考までに,図 12の結果を得たときの処理時間 は,提案手法が 31(19)ミリ秒, Canny フィルタが 218(203)ミリ秒であった.ただし,カッコ内は非 極大点抑制処理を除いた時間である.なお, CPU は Celeron 2.66GHz である.

6.まとめ

本論文では,シグモイド関数を濃度プロファイ ルにもつ画像との相関による,エッジ抽出の方法 を提案した.本手法では,コントラスト変化,ノ イズ,ボケ等に比較的ロバストであることを見た. 今後は,処理の高速化および対象画像に合わせた パラメータの自動設定について開発を行う予定 である.

参考文献

- [1] 高木幹雄,下田陽久:新編画像解析ハンドブック,東京 大学出版会,2004.
- [2] 田村秀行:コンピュータ画像処理,オーム社,2002.
- [3] J.Canny: A Computational Approach to Edge Detection, IEEE Trans. Pattern Analysis and Machine Intelligence, vol.8, No.6, pp.679-698, 1986.
- [4] 森俊二,坂倉栂子:画像認識の基礎[],オーム社, 1990.
- [5] 福井和広:領域間の分離度に基づくエッジ抽出,情報処 理学会コンピュータビジョン研究報告, Vol.94, No.8, pp.1-8, 1994.



図 11. サンプル画像



(a) 提案手法: $T_s = 30$, $T_E = 0.84$



(b) Canny: T_{HIGH} = 92, T_{LOW} = 75
 図 12. 図 11 の処理結果

- [6] K.Fukui: Edge Extraction Method Based on Separability of Image Features, IEICE Trans. Information and Systems, Vol.E78-D, No.12, pp.1533-1538, 1995.
- [7] W.K.Pratt: Digital Image Processing, John Wiley & Sons, 1991.
- [8] I.E.Abdou, W.K.Pratt: Quantitative Design and Evaluation of Enhancement/Thresholding Edge Detectors, Proc. of the IEEE, Vol.67, No.5, pp.753-763, 1979.

保刈久明:株式会社ファースト 技術開発センター所属. 画像処理アルゴリズムの開発に従事.